Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Петровская Анна Викторовна

Должность: Директор

Приложение 6 к основной профессиональной образовательной программе по направлению подготовки 38.03.01 Экономика

Дата подписания: 22.09.24 anpacheenhocmь (профиль) программы «Экономика и управление на предприятии (организации)»

Уникальный программный ключ:

798bda6555fbdebe827768f6f1710bd17a9070c31fdc1b6a6ac5a1f10c8c5199

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Российский экономический университет имени Г.В.Плеханова» Краснодарский филиал РЭУ им.Г.В.Плеханова

Факультет экономики, менеджмента и торговли

Кафедра экономики и цифровых технологий

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

по учебной дисциплине <u>«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ</u> <u>СТАТИСТИКА»</u>

Направление подготовки 38.03.01 Экономика

Направленность (профиль) программы «Экономика и управление на предприятии (организации)»

Уровень высшего образования *Бакалавриат*

Год начала подготовки 2024 г.

Краснодар – 2023 г.

Составитель

Старший преподаватель кафедры экономики и цифровых технологий А.А. Маркушина

Оценочные материалы одобрены на заседании кафедры экономики и цифровых технологий, протокол № 8 от 16.03.2023~г.

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

по учебной дисциплине Теория вероятностей и математическая статистика

ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ С УКАЗАНИЕМ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ И ЭТАПОВ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Формируемые компетенции (код и наименование компетенции)	Индикаторы достижения компетенций (код и наименование индикатора)	Результаты обучения (знания, умения)	Наименование контролируемых разделов и тем
ОПК-2. Способен	ОПК-2.2.	ОПК-2.2. 3-1. Знает	Тема 1. Основные
осуществлять сбор,	Применяет	основы теории	понятия и теоремы
обработку и	статистические	вероятностей,	теории
статистический анализ	методы обработки	математической	вероятностей
данных, необходимых для	собранных	статистики и	Тема 2. Случайные
решения поставленных	данных,	эконометрики:	величины
экономических задач	использует анализ	методы и формы	Тема 3. Основные
	данных,	организации	законы
	необходимых для	статистического	распределения
	решения	наблюдения,	случайных величин
	поставленных	методологию	Тема 4.
	экономических	первичной обработки	Предельные
	задач.	статистической	теоремы теории
		информации; типы	вероятностей
		экономических	Тема 5.
		данных: временные	Многомерные
		ряды, перекрёстные	случайные
		(cross-section)	величины
		данные, панельные	Тема 6. Основные
		данные; основы	понятия и методы
		регрессионного	математической
		анализа (линейная	статистики
		модель	Тема 7. Оценка
		множественной	параметров
		регрессии); суть	распределений
		метода наименьших	Тема 8. Проверка
		квадратов (МНК) и	статистических
		его применение в	гипотез
		экономическом	
		анализе; основные	
		методы диагностики	
		(проверки качества)	
		эконометрических	
		моделей.	
		ОПК-2.2. У-1. Умеет	
		проводить	
		статистические тесты	
		и строить	
		доверительные	

интервалы,	
определять	
статистические	
свойства полученных	
оценок.	
ОПК-2.2. У-2. Умеет	
анализировать и	
содержательно	
интерпретировать	
полученные	
результаты.	

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИЕ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Перечень учебных заданий на аудиторных занятиях

Вопросы для проведения опроса на занятиях

Раздел 1. Теория вероятностей Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Предмет и задачи теории вероятностей. Понятия испытания (опыта) и события.
- 2. Достоверные, невозможные, несовместные, противоположные, эквивалентные события.
- 3. Операции над событиями. Пространство элементарных событий.
- 4. Классическое определение вероятности. Основные свойства вероятности.
- 5. Комбинаторика: перестановки, размещения, сочетания и их основные свойства.
- 6. Теорема сложения вероятностей.
- 7. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
- 8. Понятие независимости событий. Вероятность появления хотя бы одного события.
- 9. Полная группа событий (гипотез).
- 10. Формула полной вероятности и её применение. Формула Байеса и её применение.
- 11. Формула Бернулли.

Критерии оценки (в баллах):

- 2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Тема 2. Случайные величины

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Понятие случайной величины.
- 2. Закон распределения дискретной случайной величины.
- 3. Функция распределения случайной величины.
- 4. Математическое ожидание дискретной случайной величины.
- 5. Дисперсия дискретной случайной величины.
- 6. Среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Тема 3. Основные законы распределения случайных величин

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Случайные величины и их ФР.
- 2. Свойства ФР.
- 3. Дискретные СВ: ряд распределения.
- 4. Непрерывные СВ: плотность распределения.
- 5. Математическое ожидание СВ.
- 6. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение СВ.

Критерии оценки (в баллах):

- 2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Тема 4. Предельные теоремы теории вероятностей

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1.Закон больших чисел.
- 2. Теорема Бернулли.
- 3. Локальная предельная теорема Муавра-Лапласа и её применение.

4. Интегральная предельная теорема Муавра-Лапласа и её применение.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Тема 5. Многомерные случайные величины

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Понятие многомерной СВ.
- 2. Двумерные СВ. ФР двумерной СВ и её свойства.
- 3. Плотность распределения и её свойства.
- 4. Условные законы распределения двумерной СВ.
- 5. Условные числовые характеристики СВ.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Раздел 2. Математическая статистика Тема 6. Основные понятия и методы математической статистики

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Понятие генеральной совокупности, выборки, репрезентативности выборки.
- 2. Дискретный и интервальный вариационные ряды.
- 3. Частоты и относительные частоты.
- 4. Выборочная (эмпирическая) функция распределения.
- 5. Выборочные средняя, дисперсия, стандартное отклонение, ковариация, коэффициент корреляции.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;

- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Тема 7. Оценка параметров распределений

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Понятие точечной оценки параметра распределения СВ.
- 2. Свойства оценок параметров СВ несмещённость, эффективность, состоятельность.
- 3. Понятие доверительной вероятности, доверительного интервала и интервальной оценки.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Тема 8. Проверка статистических гипотез

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Вопросы для проведения опроса:

- 1. Основные понятия теории проверки статистических гипотез.
- 2. Основные этапы проверки статистических гипотез.
- 3. Проверка статистических гипотез о значении математического ожидания СВ, распределённой по нормальному закону.
- 4. Проверка статистических гипотез о значении дисперсии СВ, распределённой по нормальному закону.
- 5. Проверка статистических гипотез о равенстве дисперсий двух СВ, распределённых по нормальному закону.
- 6. Критерий согласия Пирсона.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен в полном объеме, при ответе допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос представлен не в полном объеме, при ответе допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если ответ на вопрос не представлен, или при ответе допущены грубые ошибки.

Задания для текущего контроля

Расчетно-аналитические задания

Раздел 1. Теория вероятностей

Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

- 1. Среди поступающих на сборку деталей с I станка 0,1% бракованных, со II-0,2%; с III- 0,25%, с IV 0,5%. Производительности их относятся соответственно как 4:3:2:1. Взятая наудачу деталь оказалась стандартной. На каком станке вероятнее всего она изготовлена?
- 2. Игральную кость подбрасывают 10 раз. Найти вероятность того, что: а) шесть очков выпадет ровно 3 раза; б) шесть очков выпадет хотя бы один раз.
- 3. В семье 5 детей. Вероятность рождения мальчика считаем равным 1/2. Найти вероятность того, что в семье ровно три мальчика. Какое наиболее вероятное количество мальчиков в семье?
- 4. Для нормальной работы автобазы на линии должно быть не менее 8 автомашин, а их имеется 10. Вероятность того, что автомашина на линию не выйдет равна 0,1. Найти вероятность нормальной работы автобазы в ближайший день.
- 5. Какова вероятность того, что среди наугад 500 выбранных человек двое родились 8-го марта?

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Тема 2. Случайные величины

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

- 1. В денежной лотерее выпущено 100 билетов. Разыгрывается 2 выигрыша по 50 рублей и 30 выигрышей по 1 рублю. Найти закон распределения случайной величины X стоимости выигрыша для владельца одного лотерейного билета. Построить многоугольник распределения.
- 2. Найти математическое ожидание дискретной случайной величины X, заданной законом распределения:

X	-1	5
P	0,4	0,6

3. Найти числовые характеристики (математическое ожидание M(X)), дисперсию D(X) и среднее квадратическое отклонение $\sigma(X)$) дискретной случайной величины X, заданной законом распределения:

X	-1	4
P	0,2	0,8

4. Для дискретной случайной величины X известно $M(X) = \overline{4}$, M(X 2) = 25. Найти её среднее квадратическое отклонение $\sigma(X)$.

5. В урне имеется 5 шаров с номерами от 1 до 5. Вынули 2 шара. Случайная величина X — сумма номеров шаров. Найти закон распределения и числовые характеристики величины X.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Тема 3. Основные законы распределения случайных величин

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

- 1. Найти вероятность того, что событие X наступит ровно 70 раз в 243 испытаниях, если вероятность появления этого события в каждом испытании равна 0,25.
- 2. Вероятность появления события в каждом из 100 независимых испытаний постоянна и равна 0,8. Найти вероятность того, что событие появится:
 - а) не менее 75 раз и не более 90 раз;
 - б) не менее 75 раз;
 - в) не более 74 раз.
- 3. Стрелок производит три выстрела в мишень. Вероятность попадания в цель при каждом выстреле одинакова и равна 0.8. Составить закон распределения случайной величины X число попаданий в цель при 3-х выстрелах. построить многоугольник распределения вероятностей.
- 4. В городе 4 коммерческих банка. У каждого риск банкротства в течение года составляет 20%. Составьте ряд распределения числа банков, которые могут обанкротиться в течение следующего года.
- 5. В партии 10% бракованных изделий. Наудачу отобрано 5 изделий. X число бракованных изделий среди отобранных. Дискретная случайная величина X распределена по биномиальному закону. Составить закон распределения случайной величины X. Записать функцию распределения, построить её график. Вычислить числовые характеристики M(X), D(X), $\sigma(X)$.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Тема 4. Предельные теоремы теории вероятностей

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

- 1. Оценить вероятность того, что при 3600 независимых бросаниях кубика число появлений 6 очков будет не меньше 900 раз.
- 2. Устройство состоит из 10 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого элемента равна 0, 05. Оценить вероятность того, что модуль разности между числом отказавших элементов и средним числом отказов окажется не меньше двух.
- 3. Оценить вероятность того, что частота появления шестерки в 10 000 независимых бросаниях кубика отклонится от вероятности появления шестерки по абсолютной величине меньше чем на 0.01.
- 4. Вероятность появления положительного результата в каждом из n опытов равна 0,8. Сколько нужно произвести опытов, чтобы с вероятностью 0,9 можно было ожидать, что не менее 75 опытов дадут положительный результат?
- 5. В очереди на получение денег в кассу стоят n=60 человек; размер выплаты каждому из них случаен. Средняя выплата равна 5000 руб., среднее квадратическое отклонение выплаты 2000 руб. Выплаты отдельным получателям независимы. Сколько должно быть денег в кассе, чтобы их с вероятностью 0,95 хватило на выплату всем 60 получателям? Каков будет гарантированный с той же вероятностью 0,95 остаток денег в кассе после выплаты всем 60 получателям, если в начале выплаты в кассе было 350 000 руб.?

Критерии оценки (в баллах):

- 2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Тема 5. Многомерные случайные величины

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

1. Независимые случайные величины X, Y принимают только целые значения:

X — от 1 до 13 с равными вероятностями;

У – от 1 до 16 с равными вероятностями.

Найти P(X+Y<6) — вероятность того, что в очередном испытании сумма появившихся чисел будет меньше шести.

2. Две независимые дискретные случайные величины X и Y заданы своими законами распределения вероятностей:

X	-2	1	4
P	0,2	0,3	0,5

X	-1	0	1	2	3
P	0,3	0,1	0,2	0,3	0,1

Найти закон распределения вероятностей системы (X,Y) и вычислить $P(x<0,y\geq 0),\ P(x\geq 1,-1< y<2),\ P(x\leq 4,y>2)$

3. Двумерная случайная величина (X,Y) задана матрицей распределения вероятностей

X/Y	1	2	4
0	0,1	0	0,2
2	0	0,3	0
5	0,1	0,3	0

Найдите: ряды распределения X и Y; математические ожидания; дисперсии; ковариацию X и Y; коэффициент корреляции; условное математическое ожидание M[Y/X=2].

4. Дискретная случайная величина X задана законом распределения:

X	-1	0	1	2
P	0,2	0,1	0,3	0,4

Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение величины X.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Раздел 2. Математическая статистика Тема 6. Основные понятия и методы математической статистики Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

- 1. Из продукции, произведенной фармацевтической фабрикой за месяц, случайным образом отобраны 15 коробочек некоторого гомеопатического препарата, количество таблеток в которых оказалось равным соответственно 50, 51, 48, 52, 51, 50, 49, 50, 47, 50, 51, 49, 50, 52, 48. Представить эти данные в виде дискретного статистического ряда распределения, построить полигон частот, найти точечные и интервальную (с доверительной вероятностью, равной 0,95) оценки.
- 2. Пусть дана последовательность значения некоторого признака: 63, 77, 68, 77, 77, 71, 104, 102, 93, 83, 81, 72, 74, 74, 74, 79, 79, 82, 82, 84, 84, 85, 85, 84, 85, 87, 87, 86, 95, 86, 86, 88, 88, 88, 91, 91, 96, 96. Выполните статистическую обработку данных по следующей схеме: 1)выполнить ранжирование признака и составить безинтервальный вариационный ряд распределения; 2) составить интервальный вариационный ряд, разбив всю вариацию на к интервалов; 3) построить гистограмму распределения; 4) найти числовые характеристики выборочной совокупности.
- 3. Найти числовые характеристики выборки, заданной статистическим распределением частот:

Xi	2	6	12

ni	3	10	7

4. Дана выборка, статистическое распределение частот которой имеет вид:

Xi	-1	0	1	3
ni	3	2	1	4

Найти числовые характеристики выборки: выборочную среднюю, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение, моду, медиану, размах варьирования, коэффициент вариации.

5. Исследовать Вашу группу по возрасту: составить вариационный ряд и статистическое распределение частот и относительных частот; построить полигон частот; найти выборочную среднюю, выборочную дисперсию, выборочное среднее квадратическое отклонение, моду, медиану, размах варьирования, коэффициент вариации.

Критерии оценки (в баллах):

- 2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Тема 7. Оценка параметров распределений

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

1. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема n=60. Найти несмещенную оценку генеральной средней.

Xi	1	3	6	26
n_i	10	42	12	4

- 2. Проведено 5 измерений (без систематических ошибок) некоторой случайной величины: 8, 9, 10, 12, 13. Найти несмещенную оценку математического ожидания.
- 3. Для определения среднего процентного содержания белка в зернах пшеницы было отобрано 626 зерен, обследование которых показало, что выборочное среднее равно 16,8, а выборочная дисперсия равна 4. Чему равна с вероятностью 0,988 точность оценки выборки?
- 4.Известно, что продолжительность горения электрических лампочек подчиняется нормальному закону с математическим ожиданием равным 1000 часов и средним квадратическим отклонением 40 часов. Из большой партии ламп извлечена выборка объема n=64. Найти с надежностью $\gamma=0,996$ доверительный интервал для средней продолжительности горения ламп всей партии.
- 5. При формировании для фирмы портфеля поставок был произведен случайный отбор 100 поставщиков, которые осуществляли поставки сырья в прошлом году. Для процента ω

несвоевременно отгрузивших сырье поставщиков необходимо определить доверительные границы на уровне 0,997, если в выборке оказалось 25 таких поставщиков.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Тема 8. Проверка статистических гипотез

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

- 1. Компания, производящая средства для потери веса, утверждает, что прием таблеток в сочетании со специальной диетой позволяет сбросить в среднем в неделю 400 г. веса. Случайным образом отобраны 25 человек, использующих эту терапию, и обнаружено, что в среднем еженедельная потеря в весе составила 430 г. со средним квадратическим отклонением 110 г. Проверьте гипотезу о том, что средняя потеря в весе составляет 400 г. Уровень значимости $\alpha = 0.05$.
- 2. Выборочные обследования показали, что доля покупателей, предпочитающих новую модификацию товара A, составляет 60% от общего числа покупателей данного товара. Каким должен быть объем выборки, чтобы можно было получить оценку генеральной доли с точностью не менее 0,05 при доверительной вероятности 0,90?
- 3. Производитель некоторого вида продукции утверждает, что 95% выпускаемой продукции не имеют дефектов. Случайная выборка сто изделий показала, что только 92 из них свободны от дефектов. Проверьте справедливость утверждения производителя продукции на уровне значимости $\alpha = 0.05$.
- 4. Найти выборочное уравнение прямой линии регрессии Y на X, если известны: выборочные средние 6,3 и 4, выборочные дисперсии Dx = 04,0, Dy = 25,0, выборочный коэффициент корреляции 6.

Критерии оценки (в баллах):

- 1 балл выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме без ошибок и недочетов;
- 0,5 балла выставляется обучающемуся, если задание решено в полном объеме, при решении допущены неточности;
- 0,2 балла выставляется обучающемуся, если задание решено не в полном объеме, при решении допущены незначительные ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если задание не решено, или при решении допущены грубые ошибки.

Задания для творческого рейтинга

Темы для докладов

Индикаторы достижения: ОПК-2.2.

Раздел 1. Теория вероятностей

Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей

Темы докладов (презентаций):

- 1. История зарождения теории вероятностей как науки. Основоположники.
- 2. Теория вероятностей: от первых теоретико-вероятностных представлений до аксиоматики А.Н.Колмогорова.

Тема 2. Случайные величины

Темы докладов (презентаций):

- 1. Математические методы в экономике.
- 2. Вероятностные методы в обработке информации.
- 3. Дисперсия и математическое ожидание случайной величины.

Тема 3. Основные законы распределения случайных величин

Темы докладов (презентаций):

- 1. Случайные величины.
- 2. Законы распределения случайных величин.
- 3. Числовые характеристики случайных величин.

Тема 4. Предельные теоремы теории вероятностей

Темы докладов (презентаций):

- 1. Закон больших чисел.
- 2. Закономерности массового процесса.
- 3. Закон больших чисел в общественных явлениях.
- 4. Бернулли. Его вклад в развитие теории вероятностей.

Тема 5. Многомерные случайные величины

Темы докладов (презентаций):

- 1. Распределение случайных величин.
- 2. Многомерные случайные величины.
- 3. Системы случайных величин.
- 4. Многомерные группировки в статистике
- 5. Графический метод в изучении коммерческой деятельности.

Раздел 2. Математическая статистика

Тема 6. Основные понятия и методы математической статистики

Темы докладов (презентаций):

- 1. Родоначальники формализованного описания экономики: А. Смит, Ф. Кенэ, А. Курно, К. Маркс, Л. Вальрас
- 2. Общее понятие о экономико-математических моделях: модели воспроизводства капитала.
- 3.Объективная неопределенность как результат самостоятельности и деловой активности экономических агентов.
- 4. Основные типы неопределенности в экономике: вероятностная, игровая рефлексивная.
- 5. Применение первичных и вторичных группировок в анализе данных статистического наблюдения.

Тема 7. Оценка параметров распределений

Темы докладов (презентаций):

- 1. Абсолютные величины, их виды, область применения.
- 2. Относительные величины, их виды, значение для анализа социальноэкономических явлений.
- 3. Средние величины в статистике, их значение, виды.
- 4. Применение структурных средних величин для анализа социально-экономических явлений.

5. Роль показателей вариации в оценке достоверности данных проведенных исследований.

Тема 8. Проверка статистических гипотез

Темы докладов (презентаций):

- 1. Построение многофакторных моделей. Методы и принципы отбора факторов.
- 2. Непараметрические методы оценки связи и их применение в практической деятельности.
- 3. Методы корреляционно-регрессивного анализа связи показателей коммерческой деятельности.
- 4. Основные положения теории корреляции.

Критерии оценки (в баллах):

- 10 баллов выставляется обучающемуся, если тема доклада раскрыта, приведены верные примеры, обучающийся свободно ориентируется в теме доклада, отвечает на дополнительные вопросы;
- 7 баллов выставляется обучающемуся, если тема доклада раскрыта, приведены верные примеры, обучающийся при ответе на дополнительные вопросы допускает неточности;
- 5 баллов выставляется обучающемуся, если тема доклада раскрыта, приведенные примеры не соответствуют теме, обучающийся, отвечая на дополнительные вопросы, допускает ошибки;
- 0 баллов выставляется обучающемуся, если тема доклада не раскрыта, или при ответе на вопросы допущены грубые ошибки.

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИЕ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ ВО ВРЕМЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Структура зачетного задания

Наименование оценочного средства	Максимальное количество баллов
Bonpoc 1	10
Bonpoc 2	10
Практическое задание 1	10
Практическое задание 2	10

Задания, включаемые в зачетное задание

Перечень вопросов к зачету с оценкой:

Номер вопроса	Перечень вопросов к зачету с оценкой
1	Предмет и задачи теории вероятностей. Понятия испытания (опыта) и события.
	Достоверные, невозможные, несовместные, противоположные, эквивалентные
	события.
2	Операции над событиями.
3	Пространство элементарных событий.
4	Классическое определение вероятности. Основные свойства вероятности.
5	Комбинаторика: перестановки, размещения, сочетания и их основные свойства.
6	Теорема сложения вероятностей.

7	Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
8	Понятие независимости событий.
9	Вероятность появления хотя бы одного события.
10	Полная группа событий (гипотез).
11	Формула полной вероятности и её применение.
12	Формула Байеса и её применение.
13	Формула Бернулли.
14	Случайные величины и их ФР. Свойства ФР.
15	Дискретные СВ: ряд распределения.
16	Непрерывные СВ: плотность распределения и её свойства.
17	Математическое ожидание СВ и его свойства.
18	Дисперсия и среднее квадратическое отклонение СВ и их свойства.
19	Мода, медиана, начальные и центральные моменты СВ.
20	Квантиль и ее частные значения – квартили, децили и процентили.
21	Биномиальное распределение.
22	Распределение Пуассона.
23	Равномерное распределение.
24	Показательное распределение.
25	Функция Лапласа и её свойства.
26	Нормальное распределение и его основные свойства. Правило «трёх сигма».
27	Распределения Пирсона, Стьюдента, Фишера.
28	Закон больших чисел. Неравенство Чебышева.
29	Центральная предельная теорема. Теорема Бернулли.
30	Локальная предельная теорема Муавра-Лапласа и её применение.
31	Интегральная предельная теорема Муавра-Лапласа и её применение.
32	Понятие многомерной СВ. Двумерные СВ.
33	ФР двумерной СВ и её свойства.
34	Непрерывные двумерные СВ. Плотность распределения и её свойства.
35	Условные законы распределения компонентов двумерной СВ.
36	Условные числовые характеристики СВ.
37	Независимые СВ.
38	Ковариация и коэффициент корреляции.
39	Предмет и задачи математической статистики. Понятие генеральной
	совокупности, выборки, репрезентативности выборки.
40	Дискретный и интервальный вариационные ряды. Частоты и относительные
	частоты.
41	Многоугольник (полигон) распределения и гистограмма.
42	Выборочная (эмпирическая) функция распределения.
43	Функции выборки. Выборочные средняя, дисперсия, стандартное отклонение,
	ковариация, коэффициент корреляции.
44	Понятие точечной оценки параметра распределения СВ.
45	Свойства оценок параметров СВ – несмещённость, эффективность,
4.6	состоятельность.
46	Метод максимального правдоподобия.
47	Примеры точечных оценок.
48	Понятие доверительной вероятности, доверительного интервала и
40	интервальной оценки.
49	Построение интервальной оценки для МО СВ, распределённой по НЗ с
50	известным СКО.
50	Построение интервальной оценки для МО СВ, распределённой по НЗ с

	неизвестным СКО.
51	Построение интервальной оценки для СКО СВ, распределённой по НЗ.
52	Основные понятия теории проверки статистических гипотез.
53	Основные этапы проверки СГ.
54	Проверка СГ о значении МО СВ, распределённой по НЗ с известным СКО.
55	Проверка СГ о значении МО СВ, распределённой по НЗ с неизвестным СКО.
56	Проверка СГ о значении дисперсии СВ, распределённой по НЗ.
57	Проверка СГ о равенстве МО двух СВ, распределённых по НЗ.
58	Проверка СГ о равенстве дисперсий двух СВ, распределённых по НЗ.
59	Критерий согласия Пирсона.
60	Непараметрические методы проверки гипотез.

Номер задания	Перечень практических заданий к зачету с оценкой						
1	Два студента ищут нужную им книгу в букинистических магазинах. Вероятность того, что книга будет найдена первым студентом, равна 0,6, а вторым – 0,7. Какова вероятность, что только один из студентов найдет книгу?						
2	На трех станках при одинаковых и независимых условиях изготавливают детали одного наименования. На первом станке изготавливают 10%, на втором — 30%, на третьем — 60% всех деталей. Для каждой детали вероятность быть бездефектной равна 0,7, если она изготовлена на первом станке; 0,8, если она изготовлена на втором станке; 0,9, если она изготовлена на третьем станке. Найти вероятность того, что взятая наугад деталь окажется бездефектной						
3	Вероятность появления события в каждом из независимых испытаний равна 0.8. Найти вероятность того, что в 100 испытаниях событие появится не менее 70 и не более 80 раз.						
4	Испытуемый прибор состоит из трех малонадежных элементов. Отказы элементов за некоторое время Т независимы, а их вероятности равны соответственно 0,1, 0,2, 0,25. Найти закон распределения, математическое ожидание и дисперсию числа отказавших за время Т элементов.						
5	Найти выборочное уравнение регрессии У на X по данным приведенным в корреляционной таблице: $ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$						
6	Три стрелка произвели залп по цели. Вероятность поражения цели первым стрелком равна 0.8; для второго и третьего стрелков эти вероятности соответственно равны 0.9 и 0.6. Найти вероятность того, что только один из стрелков поразит цель.						
7	Наборщик пользуется двумя кассами. В первой кассе 90%, а во второй 80% отличного шрифта. Найти вероятность того, что на удача извлеченная литера из наудачу взятой кассы будет отличного качества.						
8	Среднее число вызовов, поступивших на АТС в 1 минуту равно двум. Найти вероятность того, что за 3 минуты поступит 4 вызова.						
9	Известно, что в партии из 20 телефонных аппаратов имеется 5 неисправных. Из партии выбрано 4 аппарата. Найти закон распределения, математическое						

	ожидание и дисп	ерсию ч	исла	не	испр	авнь	іх ап	парат	ов среди о	тобранных.
10										м приведенным в
	корреляционной т	аблице:								
		X	4	9	14	19	24	29	$\sum_{x} m_{xy}$]
		y							$\frac{\Delta}{x}$ xy	
		30	3	3	-	-	_	-	6	-
		40	-	5	4	_	_	_	9	-
		50	_	-	40	2	8	-	50	-
		60	_	_	5	10	6	_	21	-
		70	_	_	-	4	7	3	14	-
		$\sum_{v} m_{xy}$	3	8	49	16	21	3	N = 100	-
		$\frac{2}{y}$ xy								
11	Экспедиция изда	ательства	от	пра	вила	вд	ва по	ОЧТОВ	ых отделе	ниях. Вероятность
										елений равна 0.9.
	Найти вероятнос	ть того, ч	OTF	тол	ько (одно	отде	лени	е получит і	газеты вовремя.
12		-					-		•	общий конвейер.
	_	-			_			_		а на втором 0.09.
	_		-							и первого. Найти
	вероятность того									
13										нем 90% годных.
	_		0,	что	cp	еди	900	кле	им будет	от 790 до 820
	(включительно)									
14										попадания 0,8 при
										в мишень, но не
								ния,	математич	иеское ожидание и
15	дисперсию числа							37		
15	_		ени	ер	егре	ссии	УЕ	ia X	по данны	м приведенным в
	корреляционной т		1.0	1.	- -	<u> </u>	 	1 0 5		7
		X	12	1	7 2	$2 \mid 2$	7 32	$2 \mid 37$	-xv	
		<u>y</u>	_	1					x	- -
		25	2	4		-	-	-	6	
		35	-	6			-	-	9	_
		45	-	-	6			-	55	-
		55	-	-	2	8		-	16	_
		65	-	-	- 1	1 5		3	14	
		$\sum_{y} m_{xy}$	2	1	0 1	1 5	7 1	7 3	N = 100	
16	Про опортомоно	у	DIII	ПОП	1114771	HOD	MX/ M	I O O TO 1	опорто	Вероятность того,
10										торой 0.9. Найти
	вероятность того									
17										д производит 45%
										15 %. Продукция
										80 %, третьего – 81
	-	-				-			-	
	%. В магазины і	поступае:	111							akoba bepontitoerb
	%. В магазины г того, что куплен									
18	того, что куплен	ная в маг	ази	не л	іамп	а ока	жетс	я ста	ндартной?	
18	того, что куплен	ная в маг н данног	ази о ра	не л асте	амп ния	а ока сост	жетс авляс	я ста ет 90	ндартной?	
18	того, что куплен Всхожесть семян что из 800 посея	ная в маг н данного нных сем	ази о ра іян і	не л асте взой	іамп ния йдет	а ока сост не м	жетс авляс енее	я ста ет 90 700.	ндартной? %. Найти	
	того, что куплен Всхожесть семян что из 800 посея	ная в маг н данного нных сем цки остал	ази о ра ян і	не л асте взоі оди	іамп ния йдет н го	а ока сост не м	жетс авляс енее к, а у	я ста ет 90 700.	ндартной? %. Найти ока остало	вероятность того,

	городок будет равна 0,6.	выбит, ес.	пи в	веро	ятно	сть	выбі	ИТЬ]	городок п	ри каждом броске	
20		ое уравне	ние	nei	rneco	сии	Уна	a X	по ланнь	им приведенным в	
_ •	корреляционной			P	Р					им приведенным в	
		X	2	7	12	17	22	27	$\sum_{x} m_{xy}$		
		y							x		
		35	4	2	-	-	-	-	6		
		45	-	5	3	-	-	-	8		
		55	-	-	5	45	5	-	55		
		65	-	-	2	8	7	-	17		
		75	-	-	1.0	4	7	3	14		
		$\sum_{y} m_{xy}$	4	7	10	57	19	3	N = 100		
21	Батарея из трех	орудий пр	ОИЗІ	води	1т за	лп п	о цел	ти. В	ероятност	ъ попадания в цель	
	равны 0,7; 0,8; 0	,9. Найти	верс	нтк	ость	того	э, что	э буд	ет только	два попадания?	
22										то первый автомат	
										ятность попадания	
					если	сп	ерво	го а	втомата г	оступило 1000, со	
	второго – 2000 и						0.51/	7 TC			
23					_				акова вер	оятность того, что	
24	среди 1000 ново	•	_						THOCTL DI	игрыша по одному	
27	билету равна					_		_		пи рыша по одному писла выигрышей,	
	математическое						paci	пред	СЛСПИИ	исла выигрышен,	
25					_		Уна	a X	по ланнь	им приведенным в	
	корреляционной			P	Р		<i>J</i> 110		по данна	им приведенивии в	
	коррелиционнон	X	5	10	15	20	25	30	$\sum m$	1	
		V		10	13	20	23		$\sum_{x} m_{xy}$		
		20	2	4	_	† <u> </u>	<u> </u>	† <u> </u>	6	1	
		30	_	3	7	-	_	-	10	<u>-</u>	
		40	-	-	5	30	10	-	45	-	
		50	-	-	7	10	8	-	25		
		60	-	-	-	5	6	3	14	-	
		$\sum m_{xy}$	2	7	19	45	24	3	N = 100		
26	F 6	y			1		<u> </u> -				
26	_			-	-		-		-	ь попадания мяча в	
	бы одно попада		ке р	авн	a U,8	э. па	ити	веро	ятность Т	ого, что будет хотя	
			ОЛИ	пак	OBLI	е пе	гапи	кот	onsie con:	асываются на олин	
2.7	Два автомата производят одинаковые детали, которые сбрасываются на оди										
27	общий конвей										
27			ого.	производительности второго. Первый автомат производит в среднем деталей отличного качества, а второй – 84%. Наудачу взятая с конвейера							
27	производительн	ости втор									
27	производительн деталей отлично	ости втор ого качест	ва, а	вто	рой	− 84	%. H	Гауда	чу взятая	с конвейера деталь	
27	производительн деталей отлично каче первым автомат	ости второго качести вства. Най ом.	ва, а іти	вто	рой оятн	– 84 юсть	%. Н тог	Гауда Го, ч	чу взятая то эта д	с конвейера деталь еталь произведена	
27	производительн деталей отлично отличного каче первым автомат Вероятность из	ости второго качества. Найом.	ва, а іти я ст	вто вер анда	рой оятн артн	— 84 юсть юй д	%. Н тог цетал	Гауда Го, ч и ра	ну взятая пто эта д вна 0,9. Г	с конвейера деталь	
28	производительн деталей отлично каче отличного каче первым автомат Вероятность из того, что среди	ости второго качества. Найом. тотовления деталей	ва, а іти я ст і 2 оі	вто вер анда каж	рой оятн артн утся	– 84остьой днест	%. Н тог цетал ганда	Гауда Го, ч ги ра артні	чу взятая пто эта д вна 0,9. Быми.	с конвейера деталь еталь произведена Сакова вероятность	
	производительн деталей отлично отличного каче первым автомат Вероятность изтого, что среди Вероятность то	ости второго качества. Найом. готовлени. 18 деталей го, что в	ва, а іти я ст биб	вто вер анда каж	рой оятн артн утся	– 84ой днестнестнест	%. Н тог цетал ганда обход	Гауда Го, ч пи ра пртни цима	нчу взятая пто эта д вна 0,9. Быми. я студент	с конвейера деталь еталь произведена Сакова вероятность ту книга свободна,	
28	производительн деталей отличного каче первым автомат Вероятность из того, что среди Вероятность то равна 0,3. Сост	ости второго качества. Най ом. готовлени 18 деталей го, что в авить зако	ва, а ити я ст 2 ог биб он р	вто вер анда каж блио аспј	орой оятнартнартия утся отексореде	– 84ой днестнестнестлени	%. Н тог цетал ганда обхо,	Гауда Го, ч пи ра пртни цима	нчу взятая пто эта д вна 0,9. Быми. я студент	с конвейера деталь еталь произведена Сакова вероятность	
28	производительн деталей отличного каче первым автомат Вероятность изтого, что среди Вероятность то равна 0,3. Состестудент, если в первым производент, если	ости второго качества. Най ом. тотовлени. 18 деталей го, что в авить закотороде чет	ва, а я ст я ст биб он р ыре	вто вер анда каж блио аспр биб	орой оятн артн утся отексореде блио	– 84ой днестнестнестленитеки	%. Н тог цетал ганда обхо, ія чи	Гауда Го, ч и ра артні дима ісла	ну взятая вна 0,9. В ыми. я студент библиотен	с конвейера деталь еталь произведена Сакова вероятность ту книга свободна,	

	корреляционной та	аблице:								
		X	10	15	20	25	30	35	$\sum m_{}$]
		У							$\frac{\sum_{x} m_{xy}}{x}$	
		35	5	1	-	-	-	-	6	1
		45	-	6	2	-	-	-	8	
		55	-	-	5	40	5	-	50	1
		65	-	-	2	8	7	-	17	
		75	-	-	-	4	7	8	19	1
		$\sum_{y} m_{xy}$	5	7	9	52	19	8	N = 100	1
		y xy								
31	Для сигнализац	ии об	авај	рии	уста	анов	или	три	независ	имо работающих
	устройства. Верс	ятность	ТОГ	o, c	го п	ри а	вари	и ср	работает 1	первое устройство
										ти соответственно
	равны 0,9 и 0,95.	Найти в	epos	ОНТБ	сть т	ого,	что 1	при	аварии сра	аботает только два
	устройства.									
32										продукция первой
										естно, что средний
										3%, для второй –
	_				_				-	чу взятое изделие
22	произведено на п									
33										динаковой, найти
2.4	вероятность того									
34										ого кабеля. Монтер
										обрыва. Составить
					едова	інны	Х ЗВ	енье	в, если ве	ероятность обрыва
35	связи одинакова				***	7	7 ***	V		N
33			ение	per	pecc	ии .	у на	Λ.	по данны	м приведенным в
	корреляционной та	аолице:	1 - 1	10	1.5	20	2.5	20		
		X	5	10	15	20	25	30	$\sum_{x} m_{xy}$	
		<u>y</u>	1	_					λ	
		30	1	5	-	-	-	-	6	
		40	-	5	3	-	-	-	8	
		50	-	-	9	40	2	-	51	
		60	-	-	4	11	6	-	21	
		70	-	-	-	4	7	3	14	
		$\sum m_{xy}$	1	10	16	55	15	3	N = 100	
26	C	У	T	V10 0 -	<u> </u>	20=		, TT	0 × mr	A ATTIVITY OF THE TOTAL OF THE
36										оятность того, что
37	студент не знает				_					
37										0 – 20% таких же втором – 4%. Две
	_			_						оматом, оказались
										говлены на первом
	автомате.	анти вср	Юит	пост	ь 101	0, 41	10 31	и дс	гали изгот	товлены на первом
38		г по лип	и по	пер	ROLO	поп	апаш	ия п	О УСПЕВЗЕ	т сделать не более
	_			-					-	а промахов, если
						-	-			а промахов, сели а 0,7. Вычислить
	математическое с				-			-	-	
39										а 10000 только 5.
										ся с нарушением
		1010	, 11	J 11J	_0		2 4110	Д1	. January 1	

	герметичности.									
40			ение	рег	pecc	ии У	У на	. X 1	по данны	им приведенным в
	корреляционной	таблице:		_						_
			1.5	20	25	20	2.5	40	\Sigma	7
		X	15	20	25	30	35	40	$\sum_{x} m_{xy}$	
		У	4	_					л	
		25	4	2	-	-	-	-	6	
		35	-	6	4	-	-	-	10	_
		45	-	-	6	45	2	-	53	
		55	-	-	2	8	6	-	16	
		65	-	-	- 10	4	7	4	15	
		$\sum_{y} m_{xy}$	4	8	12	57	15	4	N = 100	
41										о сорта, а пять –
	второго. Наудачу одно за другим без возвращения в партию берут 3 изделия.									
	Найти вероятно	ость того, ч	что х	кто.	бы о	дно і	изде.	пие с	кажется і	тервого сорта.
42	Детали, изгот									проверки их на
	_	•		-		-	-		-	ь того, что деталь
										Вероятность того,
										ром, равна 0,94, а
12										первый контролер.
43						_		_		и вероятность того,
4.4	что среди пяти							•		
44										ину с вероятность
										рого – 0,7. Всего
										я числа попаданий
		-				-			-	скетболист, найти
15										а распределения.
45	=		ение	per	pecc	ии з	у на	X	по данны	им приведенным в
	корреляционной	таолице:	1 - 1		1	1		1	_	1
		X	5	10	15	20	25	30	$\sum_{x} m_{xy}$	
		У		_					λ	
		20	3	5	-	-	-	-	8	
		30	-	4	4	-	-	-	8	
		40	-	-	7	35	8	-	50	
		50	-	-	2	10	8	-	20	
		7.0		_	_	5	6	3	14	
		60	+-	_				_	3.7. 4.0.0	
		$\sum m_{\chi V}$	3	9	13	50	22	3	N = 100	
46	Радист трижды	$\sum_{y} m_{xy}$				50				ть того, что будет
46		$\sum_{y} m_{xy}$ вызывает	г сво	его	корр	50 еспо	нден	нта: 1	вероятнос	ть того, что будет обытия, состоящие
46	принят первый	$\sum_{y} m_{xy}$ вызывает вызов рав	г сво	его ,2, вт	корр	50 еспо й — 0	онден 9,3, т	нта:	вероятнос й – 0,4. С	
46	принят первый в том, что вызо	$\sum_{y} m_{xy}$ и вызывает вызов равовы будут	т сво вна 0 усл	его ,2, вт	корргорог	50 еспо й – 0 езав	онден 9,3, т	нта:	вероятнос й – 0,4. С	обытия, состоящие
46	принят первый в том, что вызов будет усл	$\sum_{y} m_{xy}$ н вызывает вызов рав овы будут пышан хот	г сво на 0 усл усл	его ,2, втыша ыша	корр горол ны н н раз	50 еспо й — 0 езав з.	онден 9,3, т исим	нта: п ретил иы. Н	вероятнос й – 0,4. С Найти вер	обытия, состоящие
	принят первый в том, что вызов будет усл Три стрелка но выстрелу. Веро	$\sum_{y} m_{xy}$ п вызывает вызов равовы будут пышан хот езависимо ятность по	г сво на 0 усл я бы дру	его ,2, втыша ыша оди т от	корр горог ны н н раз дру в це	50 еспо й – 0 тезав э.	онден 9,3, т исим стрел	нта: претилив. На претилива. На претилива. На претилива на претилива на претилива на претига на пр	вероятнос й — 0,4. С Найти вер по цели, го, второг	обытия, состоящие оятность того, что делая по одному о, третьего стрелка
	принят первый в том, что вызов будет усл Три стрелка но выстрелу. Веро	$\sum_{y} m_{xy}$ п вызывает вызов равовы будут пышан хот езависимо ятность по	г сво на 0 усл я бы дру	его ,2, втыша ыша оди т от	корр горог ны н н раз дру в це	50 еспо й – 0 тезав э.	онден 9,3, т исим стрел	нта: претилив. На претилива. На претилива. На претилива на претилива на претилива на претига на пр	вероятнос й — 0,4. С Найти вер по цели, го, второг	обытия, состоящие оятность того, что делая по одному
	принят первый в том, что вызов будет усл Три стрелка но выстрелу. Веро	$\sum_{y} m_{xy}$ и вызывает вызов рав овы будут пышан хот езависимо оттность поственно 0 ,	т сво на 0, усл гя бы дру опада 4; 0,	его ,2, вт ыша оди т от ания 3; 0,	корр горог ны н н раз дру в це 5. Д.	50 еспо иезав з. Уга с гль д.	онден 0,3, т исим стрел ля пе	нта: претилина. На претилина. На претилина пр	вероятнос й – 0,4. С Найти вер по цели, го, второг пия цели	обытия, состоящие оятность того, что делая по одному о, третьего стрелка достаточно одного
	принят первый в том, что вызов будет усл Три стрелка но выстрелу. Веро равны соответс попадания. Как	∑м _{ху} и вызывает вызов рав овы будут пышан хот езависимо вятность по ственно 0,4 сова вероят	т сво усл усл усл дру опада 4; 0,	рего ,2, вто ыша оди т от ания 3; 0,	корр горог ны н н раз дру в це 5. Д.	50 еспо й – 0 незав Эта с Эта с Эта уп то це	онден 0,3, т исим трел ля по ничт ель б	нта: претигиы. На претигиы. На претигиы претигиы претигиы претигинаты претиги	вероятнос й — 0,4. С Найти вер по цели, го, второг ия цели уничтож	обытия, состоящие оятность того, что делая по одному о, третьего стрелка достаточно одного
47	принят первый в том, что вызов будет усл Три стрелка но выстрелу. Веро равны соответс попадания. Как При каждом вы вероятность того	∑м _{ху} и вызывает вызов рав овы будут пышан хот езависимо оятность по ственно 0, сова вероят истреле из го, что при	т сво усл усл усл бя бы дру опада 4; 0, тност оруд	его ,2, вто ышат оди т от ания 3; 0, ть то ция в	корр горог ны н дру в це 5. Д. го, ч ероя стре	50 еспо иезав з. Уга с ль д. пя уп то це тнос	онден ода, то исим отреля по ничт ель бо оть по	нта: претигин. На претигин. На претигин. На претигина п	вероятнос й — 0,4. С Найти вер по цели, го, второг ия цели уничтож ания в целлано три п	обытия, состоящие оятность того, что делая по одному о, третьего стрелка достаточно одного ена? пь равна 0,8. Найти промаха.
47	принят первый в том, что вызов будет усл Три стрелка но выстрелу. Веро равны соответс попадания. Как При каждом вы вероятность тог С завода пост	∑м ху у ху и вызывает вызов рав овы будут пышан хот езависимо оттвенно 0,4 кова вероят истреле из го, что при упило 4 го	т сво усл гя бы дру опада 4; 0, тност оруд парт	его ,2, вто ыша годи тот ания 3; 0, ть то ция вы ии вы	корр горог ны н н раз дру в це 5. Д. го, ч ероя стре	50 еспо й — 0 езав эта с эта с тто це тнос лах (онден у,3, т исим стрелля по ничт ель б ть по будет	нта: претины. На претины. На претины в претин	вероятнос й — 0,4. С Найти вер по цели, го, второг ия цели уничтож ания в цел риборов	обытия, состоящие оятность того, что делая по одному о, третьего стрелка достаточно одного ена?

	приборов со знаком качества. Наудачу отбирается по одному измерительному							
	прибору из каждой партии. Найти закон распределения, математическое							
	ожидание и дисперсию числа измерительных приборов со знаком качества							
	среди отобранных.							
50	Найти выборочное уравнение регрессии У на Х по данным приведенным в							
	корреляционной таблице:							
	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$							
	y x							
	25							
	45 - 6 45 2 - 53							
	55 2 8 6 - 16							
	65 - - 4 7 4 15							
	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$							
51	Задана плотность распределения случайной величины Х:							
	$A\cos r r < \frac{\pi}{2}$							
	$f(x) = \begin{cases} A\cos x, x \le \frac{\pi}{2} \end{cases}$							
	$f(x) = \begin{cases} A\cos x, x \le \frac{\pi}{2} \\ 0, x > \frac{\pi}{2} \end{cases}$							
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое							
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график							
	дифференциальной и интегральной функции.							
52	Задана плотность распределения случайной величины Х:							
	$f(x) = \begin{cases} \frac{A}{x^2}, 1 < x \le 2 \end{cases}$							
	$f(x) = \begin{cases} \frac{A}{x^2}, 1 < x \le 2\\ 0, x \le 1, x > 2 \end{cases}$							
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое							
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график							
	дифференциальной и интегральной функции.							
								
53	Задана плотность распределения случайной величины X: $f(x) = \begin{cases} Ax, 0 < x \le 1 \\ 0, x \le 0, x > 1 \end{cases}$							
	$[0, x \le 0, x > 1]$							
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое							
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график							
	дифференциальной и интегральной функции.							
54	Задана плотность распределения случайной величины Х:							
34	задана плотность распределения случаиной величины А.							
	$f(x) = \begin{cases} 2Ax - A, 1 < x \le 2\\ 0, x \le 1, x > 2 \end{cases}$							
	$\left(0, x \le 1, x > 2\right)$							
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое							
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график							
	дифференциальной и интегральной функции.							
55	Задана плотность распределения случайной величины X:							
55	Задана плотность распределения случайной величины Х:							

	$f(x) = \begin{cases} Ax, 0 < x \le 8 \\ 0, x \le 0, x > 8 \end{cases}$ Найти параметр A, интегральную функцию
	распределения, математическое ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график дифференциальной и интегральной функции.
56	Задана плотность распределения случайной величины Х:
	$f(x) = \begin{cases} Ae^{-2x}, & x > 0 \\ 0, & x \le 0 \end{cases}$
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график
	дифференциальной и интегральной функции.
57	Задана плотность распределения случайной величины Х:
	$f(x) = \begin{cases} \frac{A}{x^4}, & x \ge 3\\ 0, & x < 3 \end{cases}$
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график
	дифференциальной и интегральной функции.
58	Задана плотность распределения случайной величины Х:
	$f(x) = \begin{cases} A \cdot \sin 2x & , 0 \le x \le \frac{\pi}{2} \\ 0, & x > \frac{\pi}{2}, x < 0 \end{cases}$
	Найти параметр A, интегральную функцию распределения, математическое ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график дифференциальной и интегральной функции.
59	Задана плотность распределения случайной величины Х:
	$f(x) = \begin{cases} A \cdot \cos 2x & , 0 \le x \le \pi \\ 0, & x > \pi, x < 0 \end{cases}$
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое
	ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график
	дифференциальной и интегральной функции.
60	Задана плотность распределения случайной величины X: $f(x) = \begin{cases} Ax, \ 0 < x \le 3 \\ 0, \ x \le 0, x > 3 \end{cases}$
	Найти параметр А, интегральную функцию распределения, математическое ожидание, дисперсию, средне-квадратическое отклонение. Построить график дифференциальной и интегральной функции.

Расчетно-аналитические задания:

Тема 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей

- 1. В поступивших на склад 3 партиях деталей годные составляют 89 %, 92 % и 97 % соответственно. Количество деталей в партиях относится как 1:2:3. Чему равна вероятность того, что случайно выбранная со склада деталь окажется бракованной. Пусть известно, что случайно выбранная деталь оказалось бракованной. Найти вероятности того, что она принадлежит первой, второй и третьей партиям.
- 2. В первой урне 10 шаров : 4 белых и 6 чёрных. Во второй урне 20 шаров : 2 белых и 18 чёрных. Из каждой урны выбирают случайным образом по одному шару и кладут в третью урну. Затем из третьей урны случайным образом выбирают один шар. Найти вероятность того, что извлечённый из третьей урны шар будет белым.
- 3. При переливании крови надо учитывать группы крови донора и больного. Человеку, имеющему четвёртую группу крови можно перелить кровь любой группы, человеку со второй и третьей группой можно перелить либо кровь его группы, либо первой. Человеку с первой группой крови можно перелить кровь только первой группы. Известно, что среди населения 33,7 % имеют первую группу, 37,5 % имеют вторую группу, 20,9 % имеют третью группу и 7,9 % имеют 4 группу. Найти вероятность того, что случайно взятому больному можно перелить кровь случайно взятого донора.
- 4. Вероятность искажения одного символа при передаче сообщения по линии связи равна 0.001. Сообщение считают принятым, если в нём отсутствуют искажения. Найти вероятность того, что будет принято сообщение, состоящее из 20 слов по 100 символов каждое.

Тема 2. Случайные величины

- 1. Игрок выигрывает очко, если при подбрасывании монеты выпадает герб, и проигрывает очко в противном случае. Построить график функции распределения суммарного выигрыша игрока после двух бросаний монеты.
- 2. Среди поступивших в ремонт 10 часов 6 шт. нуждаются в общей чистке механизма. Часы не рассортированы по виду ремонта. Мастер, желая найти часы, нуждающиеся в общей чистке механизма, рассматривает их поочередно и, найдя первые из таких часов, прекращает дальнейший просмотр. Найти математическое ожидание СВ количества просмотренных часов.
- 3. Партия, насчитывающая 100 изделий, содержит 10 дефектных. Из всей партии случайным образом отбираются с целью проверки качества 5 изделий. Найти математическое ожидание числа дефектных изделий, содержащихся в случайной выборке.

Тема 3. Основные законы распределения случайных величин

- 1. Найти плотность вероятности суммы трех независимых случайных величин, имеющих распределение Пуассона.
- 2. По мишени производится один выстрел. Вероятность попадания равна 0,7. Рассмотрим две СВ: ξ число попаданий, η число промахов. Найти закон распределения двумерной случайной величины (ξ , η).
- 3. Найти математическое ожидание и дисперсию: а) числа очков, выпадающих при бросании одной игральной кости; б) суммы очков, выпадающих при бросании п игральных костей.

Тема 4. Предельные теоремы теории вероятностей

1. Вероятность изготовления нестандартной детали равна р = 0,004. Какова вероятность того, что среди 1000 деталей окажется 5 нестандартных?

- 2. Вероятность рождения мальчика 0,51. Найдем вероятность, что среди 200 новорожденных будет 95 девочек.
- 3. Пусть вероятность того, что покупательнице магазина женской обуви необходима обувь 36-го размера, равна 0,3. Найдем вероятность того, что из 2000 покупательниц таких будет от 570 до 630.
- 4. В автобусном парке 100 автобусов. Известно, что вероятность выхода из строя мотора в течение дня равна 0,1. Чему равна вероятность того, что в определенный день окажутся неисправными моторы у 12 автобусов?
- 5. Завод выпускает в среднем 99,8% доброкачественных и 0,2% бракованных изделий. Какова вероятность того, что среди выбранных наугад 500 изделий число бракованных будет больше трех?

Тема 5. Многомерные случайные величины

- 1. Обучающийся у даются 3 попытки пересдать экзамен. Вероятность, что обучающийся сдаст экзамен с первой попытки равна 0,4, со второй 0,6, с третьей -0,8. Составить закон распределения случайной величины числа попыток сдать экзамен, функцию распределения, построить ее график. Найти M(X), D(X), $\sigma(X)$.
- 2. Случайная величина задана плотностью распределения. Найти: параметр b, M(x), D(x), F(x), вероятность того, что случайная величина принимает значения на промежутке [1,5;4,5].

$$\begin{cases} 0, \ x < 1, \\ \frac{1}{4}, \ 1 \le x \le b, \\ 0, x > b. \end{cases}$$

3. Случайная величина задана функцией распределения F(x). 1) найти плотность распределения вероятностей f(x); 2) построить графики функций f(x) и F(x); 3) найти M(x), D(x) и среднеквадратическое отклонение случайной величины X; 4) найти вероятность того, что X примет значение из интервала (1;3).

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \le 2, \\ (x-2)^2, & 2 < x \le 3, \\ 1, & x > 3 \end{cases}$$

Тема 6. Основные понятия и методы математической статистики

- 1. Дана выборка (4; 6; 0; 2; 1; 3; 3; 1; 2; 5; 3; 1; 2; 2; 4; 4; 4; 3; 2; 5; 2; 5; 1; 2; 3; 0). Построить: 1) дискретный вариационный ряд; 2) полигон относительных частот; 3) эмпирическую функцию распределения.
- 2. Имеются данные о торгах акций некоторого акционерного общества на фондовой бирже. Количество проданных акций по курсу продаж распределилось следующим образом:

Курс продаж	900	990	1010	1015	1150
Количество проданных акций	550	650	800	700	850

Найдем оценки среднего и дисперсии курса продаж акции.

3. Дана выборка (9; 5; 5; 7; 5; 7; 3; 5; 9; 7; 3; 2; 5; 2; 5; 1; 2; 3; 0; 3; 0; 5; 1; 2; 1). Построить дискретный вариационный ряд. Найти выборочные среднюю и дисперсию.

Тема 7. Оценка параметров распределений

- 1. 25 рабочих контролировались в течение месяца по признаку процент выполнения норм выработки за месяц. По выборочным данным были рассчитаны x = 102,3% средний процент выработки и дисперсия $S^2 = 16$. Найти 95%-ный доверительный интервал для генеральной средней, если известно, что признак имеет нормальное распределение.
- 2. Недельные доходы фирмы подчинены нормальному закону распределения. По 25 еженедельным наблюдениям за доходами фирмы найдено $S^2 = 1200$. Найдите 95%-ный доверительный интервал для дисперсии недельных доходов.
- 3. По предварительному опросу населения большого города, в котором участвовало 900 жителей, за мероприятие X готовы проголосовать 400 человек из опро- шенных жителей. Найти 90%-ный доверительный интервал, в котором находится истинный процент готовых проголосовать за мероприятие X.
- 4. Среди 400 деталей, изготовленных станком-автоматом, 20 оказалось нестандартных. Найдите доверительный интервал, покрывающий с надежностью 0,98 неизвестную вероятность брака.

Тема 8. Проверка статистических гипотез

1. Физическая подготовка 9 спортсменов была проведена при поступлении в спортивную школу, а затем после недели тренировок. Итоги проверки в баллах оказались следующими:

	76								_
y_i	81	85	52	52	70	63	33	83	62

(в 1-й строке число баллов при поступлении, во 2-й – после недели тренировок)

Требуется на уровне значимости 0,05 установить, значимо или незначимо улучшилась физическая подготовка спортсменов, в предположении, что число баллов распределено нормально.

- 2. Некоторая физическая величина измерена n=7 и m=5 раз двумя различными способами. По результатам измерений найдены соответствующие погрешности $s_x^2 = 6.3$, $s_y^2 = 10.1$. Требуется на уровне значимости 0.05 проверить, одинаковую ли точность обеспечивают эти способы измерений.
 - 3. В результате длительных наблюдений установлено, что вероятность полного выздоровления больного, принимавшего лекарство A , равна 0,8. Новое лекарство B назначено 800 больным, причём 660 из них полностью выздоровели. Можно ли считать новое лекарство значимо эффективнее лекарства A на пятипроцентном уровне значимости?

Показатели и критерии оценивания планируемых результатов освоения компетенций и результатов обучения, шкала оценивания

Шкала оценивания		Формируемые компетенции	Индикатор достижения компетенции	Критерии оценивания	Уровень освоения компетенций
85— 100 баллов	«отлично»/ «зачтено»	осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных необходимых для решения поставленных экономических	обработки собранных данных, использует анализ данных, необходимых для решения поставленных задач.	знает верно и в полном объеме: основы теории вероятностей, математической статистики и эконометрики: методы и формы организации статистического наблюдения, методологию первичной обработки статистической информации; типы экономических данных: временные ряды, перекрёстные (сгоѕѕ-ѕестіоп) данные, панельные данные; основы регрессионного анализа (линейная модель множественной регрессии); суть метода наименьших квадратов (МНК) и его применение в экономическом анализе; основные методы диагностики (проверки качества) эконометрических моделей. Умеет верно и в полном объеме: проводить статистические тесты и строить доверительные	Продвинутый

	Ī		T		
				интервалы,	
				определять	
				статистические	
				свойства	
				полученных	
				оценок.	
		ОПК-2.	ОПК-2.2.	Знает с	Повышенный
			Применяет	незначительными	
			статистические	замечаниями:	
		3	методы	основы теории	
		- '	обработки	вероятностей,	
		статистический	•	математической	
		анализ данных		статистики и	
		· ·	· ·	эконометрики:	
			использует	методы и формы	
		для решения		организации	
			необходимых	статистического	
		экономических	для решения	наблюдения,	
		, ,	поставленных	методологию	
			ркономических	первичной	
			1291190	обработки	
				статистической	
				информации; типы	
				ипформации, типы экономических	
				данных: временные	
				ряды,	
				перекрёстные	
				(cross-section)	
70 - 84	«хорошо»/			данные, панельные	
баллов	«зачтено»			данные; основы	
				регрессионного	
				анализа (линейная	
				модель	
				множественной	
				регрессии); суть	
				метода	
				наименьших	
				квадратов (МНК) и	
				его применение в	
				экономическом	
				анализе; основные	
				методы	
				диагностики	
				(проверки	
				качества)	
				эконометрических	
				моделей.	
				ттодологі.	
				Умеет с	
				незначительными	
				замечаниями:	
				проводить	
				статистические	

				1	
				тесты и строить	
				доверительные	
				интервалы,	
				определять	
				статистические	
				свойства	
				полученных	
				оценок.	
		OTIL 2	ОПК-2.2.		Базовый
		_ ·		Знает на базовом уровне, с ошибками:	разовыи
			примениет	основы теории	
		3	Статистические	_	
		± '	мстоды	вероятностей,	
		обработку и	обработки	математической	
		статистический	сооранных	статистики и	
		анализ данных,	данных,	эконометрики:	
			исполгамат	методы и формы	
		для решения	анализ ланных.	организации	
		_	пеобуолимизу	Статистического	
		экономических	лля пешения	наблюдения,	
			поставленных	методологию	
		зада 1		первичной	
			OKOHOMII 1CCKIIX	обработки	
			задач.	статистической	
				информации; типы	
				экономических	
				данных: временные	
				ряды,	
				перекрёстные	
				(cross-section)	
50 – 69	«удовлетворительно»/			данные, панельные	
баллов	«зачтено»			данные; основы	
				регрессионного	
				анализа (линейная	
				модель	
				множественной	
				регрессии); суть	
				метода	
				наименьших	
				квадратов (МНК) и	
				его применение в	
				экономическом	
				анализе; основные	
				· ·	
				методы	
				диагностики	
				(проверки	
				качества)	
				эконометрических	
				моделей.	
				Умеет на базовом	
				уровне, с ошибками:	
				проводить	
				статистические	

		1	T	T T	
				тесты и строить	
				доверительные	
				интервалы,	
				определять	
				статистические	
				свойства	
				полученных	
				оценок.	
		ОПК-2.	ОПК-2.2.	Не знает на базовом	Компетенции не
				уровне: ОСНОВЫ	сформированы
			P	ř *	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •
				теории	
		± '		вероятностей,	
			обработки	математической	
		статистический	собранных	статистики и	
		анализ данных,		эконометрики:	
		необходимых	1101100120	методы и формы	
		для решения	анализ данных,	организации	
		_	необходимых	статистического	
		экономических	лля решения	наблюдения,	
				методологию	
		' '	110 4 1 44241 4 111112111	первичной	
				обработки	
			задач.	статистической	
				информации; типы	
				экономических	
				данных: временные	
				ряды,	
				перекрёстные	
				(cross-section)	
менее 50	«неудовлетворительно»/			данные, панельные	
баллов	«не зачтено»			данные; основы	
Oasision				регрессионного	
				анализа (линейная	
				модель	
				множественной	
				регрессии); суть	
				F - '	
				метода	
				наименьших	
				квадратов (МНК) и	
				его применение в	
				экономическом	
				анализе; основные	
				методы	
				диагностики	
				(проверки	
				качества)	
				эконометрических	
				моделей.	
				моделен. Не умеет на базовом	
				уровне: проводить	
				статистические	
				тесты и строить	

		доверительные	
		интервалы,	
		определять	
		статистические	
		свойства	
		полученных	
		оценок.	